

## LAUSELOOGIKA: SEKVENTSIARVUTUS

(Gentzen)

- Tõestatavateks/tuletatavateks objektideks on sekventsid nagu loomulikus tuletuseski, aga sedakorda kujul  $\Gamma \rightarrow \Delta$ , kus nii  $\Gamma$  kui ka  $\Delta$  on lõplikud (võibolla tühjad) hulgad valemeid, mida kutsutakse vastavalt sekvenssi antetsedendiks ja suktsedendiks.
- Kui loomulikus tuletuses oli iga konnektiivi kohta sissetoomise (I) ja väljaviimise (E) reegel (sekvenssi paremal poolel), siis sekvenssiarvutuses on iga konnektiivi jaoks vasaku (L) ja parema (R) poole reegel (mõlemad sissetoomiseks).  
(Loomuliku tuletuse sissetoomise reeglid ja sekvenssiarvutuse parema poole reeglid on üsna sarnased.)
- Valem  $A$  loetakse tõestatavaks, kui on tõestatav sekvents  $\rightarrow A$ .
- (Sekvenssi  $A_1, \dots, A_n \rightarrow B_1, \dots, B_m$  võib samastada valemiga  $A_1 \wedge \dots \wedge A_n \supset B_1 \vee \dots \vee B_m$ ; 0 valemi konjunktsioon on  $\top$ ; 0 valemi disjunksioon on  $\perp$ .)

1

- Aksiomiskeemid ja tuletusreeglid (tagasisuunalisele otsimisele orienteeritud süsteem):

$$\begin{array}{c}
 \overline{\Gamma, A \rightarrow A, \Delta} \text{ id.} \\
 \overline{\Gamma \rightarrow \top} \top\mathcal{R} \\
 \frac{\Gamma \rightarrow A, \Delta \quad \Gamma \rightarrow B, \Delta}{\Gamma \rightarrow A \wedge B, \Delta} \wedge\mathcal{R} \\
 \frac{\Gamma \rightarrow A, B, \Delta}{\Gamma \rightarrow A \vee B, \Delta} \vee\mathcal{R} \\
 \frac{\Gamma, A \rightarrow B, \Delta}{\Gamma \rightarrow A \supset B, \Delta} \supset\mathcal{R} \\
 \frac{\Gamma, A \rightarrow \Delta}{\Gamma \rightarrow \neg A, \Delta} \neg\mathcal{R} \\
 \frac{}{\Gamma, \perp \rightarrow \Delta} \perp\mathcal{L} \\
 \frac{\Gamma, A, B \rightarrow \Delta}{\Gamma, A \wedge B \rightarrow \Delta} \wedge\mathcal{L} \\
 \frac{\Gamma, A \rightarrow \Delta \quad \Gamma, B \rightarrow \Delta}{\Gamma, A \vee B \rightarrow \Delta} \vee\mathcal{L} \\
 \frac{\Gamma \rightarrow A, \Delta \quad \Gamma, B \rightarrow \Delta}{\Gamma, A \supset B \rightarrow \Delta} \supset\mathcal{L} \\
 \frac{\Gamma \rightarrow A, \Delta}{\Gamma, \neg A \rightarrow \Delta} \neg\mathcal{L}
 \end{array}$$

2