

Peatükk 9

Kokkuvõtvad märkused

9.1. Jäiga keha mehaanika ja elastsusteooria

9 - 2

9.1 Jäiga keha mehaanika ja elastsusteooria

Sarnasused:

- Alamharud: staatika, kinemaatika, dünaamika.
- Mõlemal juhul on rakendataavad analüütilise mehaanika meetodid
- Jõudu ja jõu momenti käsitletakse kui vektoreid!
- Mõlemad, st. nii jäik keha kui deformeeruv keskkond, koosnevad punktmassi ja nad moodustavad seega punktmasside (mehaanikalise) süsteemi
 - Sageli öeldakse deformeeruva keskkonna korral punktmassi asemel materiaalne punkt
 - Punktmasside süsteemile mõjuvad jõud saab jaotada sise- ja välisjõudeks

- Jõusuüsteemi peavektori ja peamendi kontseptsiooni rakendatakse mõlemal juhul, kuid deformeeruva keha korral esineb mõningaid spetsiifilisi erisusi
 - Sisejõud: keha lõikes mõjuvate pingete peavektor ja peamoment
 - Tavaliselt taandatakse pinged lõike pinnakeskmesse
 - Talade korral on tala ristlõikes mõjuvate sisejõude projektsioonidel spetsiifilised nimed: pikijõud, põikjõud, väändemoment, paindemoment
 - * Tavaliselt kasutatakse siinjuures Descartes'i ristkoordinaate
 - Tasakaalutingimused: Jõusuüsteemi peavektor ja peamoment peavad võrduma nulliga.
 - Liikumishulk ja kineetiline moment ning vastavad teoreemid
 - Kogu teooria baseerub mõlemal juhul Newtoni seadustel
- Erinevused:
 - Uurimisobjekt: jäik keha *vrs.* deformeeruv keskkond
 - Deformeeruv keskkond: deformeeruv tahkis (tahke keha), gaas, vedelik
 - Jäiga keha mehaanikas saab jõudu vaadelda kui libisevat vektorit, kuid deformeeruva keskkonna korral ei saa.
 - Jäiga keha mehaanikas saab lauskoormuse asendada üksikjõuga, kuid deformeeruva keskkonna korral ei saa.

9.2 Lineaарne ja mittelineaарne elastsusteooria

Lineaарne elastsusteooria

- Lineaарne elastsusteooria = klassikaline elastsusteooria
- Siirte ja deformatsioonide vahelised seosed on lineaarsed — geomеetriline lineaarsus
 - Deformatsioonitensor on defineeritud Cauchy seoste kaudu
 - Deformatsiooni mõduks on tavaliselt suhteline pikenemine ja algse täismurga muut ehk nihkenurk
- Siirded on väikesed vörreldes uuritavate kehade joonmõõtmetega
- Deformatsioonid (suhtelised pikenemised ja algse täismurga muutused) on väikesed vörreldes ühega, neid saab käsitleda lõpmata väikeste suurustena ja kasutatakse terminit (lõpmata) väikesed deformatsioonid (inglise keeles *infinitesimal strains*)

9.2. Lineaарne ja mittelineaарne elastsusteooria

9 - 6

Mittelineaarse elastsusteooria

- Siirte ja deformatsioonide vahelised seosed on mittelineaarsed — geometriline mittelineaarsus
 - Kasutusel on erinevad deformatsioonitensorid ja deformatsiooni mõõdud
 - Olekuvõrandid on mittelineaarsed — füüsikaline mittelineaarsus
 - Siirded pole väikesed (võrreldes keha mõõtmetega)
 - Deformatsioonid pole väikesed võrreldes ühega
 - Deformatsioone ei saa käsitleda lõpmata väikeste suurustena
 - Öeldakse, et deformatsioonid omavad lõplike väärtsusi ja kasutatakse termistikud deformatsioonid (inglise keeles *finite strains*)
 - Superpositsiooni printsipi ei kehti!
 - Saint Venant'i printsipi ja Bernoulli hüpotees pole tavaliselt rakendatavad
 - Mittelineaarsele elastsusteooriale vastavaid võrandeid ja seoseid käitleme pideva mehaanika kursuses.
-
- 9.2. Lineaarse ja mittelineaarse elastsusteooria*
-
- 9 - 8*
- Üldised hüpoteesid, eeldused, seaduspärasused** jms., mis on rakendatavad nii lineaarse kui mittelineaarse teoria korral
- Pidevuse hüpotees kehtib alati
 - Pragude, tühimike jms. esinemise korral on vaja rakendada täiendavaid hüpoteesi ja eeldusi
 - Homogeensus ja mittehomogeensus
 - Isotroopsus ja anisotroopsus
 - Defneeritakse nn. algolek — puuduvad pinged ja deformatsioonid
 - Termilised efektid — termoelastsusteooria — nii lineaarse kui mittelineaarse käsitlus

- Viskoosed efektid — viskoelastus
 - Viskoossus — vedeliku võime deformeerumisel vastu võtta nihke- ja tõmbepingeid
 - Mida väiksem on vedeliku viskoossus, seda voolavam ta on
 - Olekuvõrandid esitavad seosed pingete ja deformatsioonikiiruste vahel
 - * Lineaarsed (Newtoni vedelik) ja mittelineaarsed (nn. mitte Newtoni vedelik, i.k. *non-Newtonian fluid*)
 - Saab eristada tegelikku ja tinglikku pinget (ehk pseudopinget)
 - Lineaarses teorias langevad need kaks praktiliselt kokku ja seetõttu neid tavaliselt ei eristata
 - Võrrelge malmi ja terase tömbekatseid

Elementaarteooria

- Kehtivad kõik lineaarse elastusteooria hüpoteesid, eeldused, printsibid, lihtsustused jne.
- Lisaks tehakse veel täiendavaid lihtsustusi, mis 1. järgku teoria korral võivad, kuid ei pruugi kehtida
 - Algmõõtmete printsipi
 - Bernoulli hüpotees ehk ristlõigete tasapinnalise hüpotees
 - Uurimisobjektiks on peamiselt vardad ja talad
 - jne
- Peamiselt tuntakse huvi vaid varraste (talade) teljepunktide siirete vastu – teiste punktide siirete leidmine ei paku üldjuhul huvi
 - Vaadeldakse tala telge – elastse joone (i.k. *deflection curve*) diferentsialvõrrand – läbipained
- Käesoleva loengukonspekti 2. peatükis on varraste ja talade pingete analüüs teostatud elementaarteooriast lähtudes

9.4. Olekuvõrranditest

9.4 Olekuvõrranditest

Olekuvõrrandid esitavad takiste korral seoseid pingete ja deformatsioonide vahel, (viskoossete) vedelike korral aga pingete ja deformatsioonikiiruste vahel.

Elastse keha lineaarne olekuvõrrand – Hooke'i seadus

- Ideaalselt elastne, homogeenne, isotroopne materjal
 - Kaks sõltumatut elastsuskonstanti
 - * Youngi moodul, Poissoni tegur, nihkeelastsusmoodul – valida kaks kolmest
 - * Lamé koefitsendid
 - * Ruumdeformatsioon – ruumpaisumismoodul
 - Anisotroopne materjal – iga juht vajab individuaalset (eksperimentaalset) lähenemist
 - Tähtis on teada materjalide sümmeetriat, näiteks ortotroopne materjal

9.5 Deformatsioon ja pinge

- Deformatsioon iseloomustab keha (keskkonna) mõõtmete ja kuju muutuse intensiivsust vaadeldavas punktis
 - Pinge iseloomustab sisejõuduude intensiivsust vaadeldavat punkti läbival pinnal
 - Deformatsiooniseisund — iseloomustab deformatsioone vaadeldavas punktis — kirjeldadakse deformatsioonitensori abil
 - Pingeseisund ehk pingus — iseloomustab pingeid vaadeldavas punktis — kirjeldadakse pingetensori abil
 - Peapinged ja peadeformatsioonid
 - Ruum-, tasand- ja joonpingus
 - Ruum-, tasand- ja joondeformatsioon
 - Tasandpingusele vastab ruumdeformatsioon ja vastupidi, tasand-deformatsioonile vastab ruumpingus
-
- 9.6. Tugevuskriteeriumid ja varutegur*
-
- 9 - 14*
- 9.6 Tugevuskriteeriumid ja varutegur**
- 9.6. Tugevuskriteeriumid ja varutegur*
- Lubatav pinge — tähistused $[\sigma]$, $[\sigma^c]$, $[\sigma^t]$, $[\tau]$
 - Varutegur — väärthus $\geq 1,25$ sõltub konstruktsiooni vastutusrikkusest, materjali omaduste ühtlusest jms.
 - Tugevuskriteeriumid (tugevusteooriad)
 - Lihttööseisandid — $\sigma \leq [\sigma]$, $\sigma^c \leq [\sigma^c]$, $\sigma^t \leq [\sigma^t]$, $\tau \leq [\tau]$
 - Lii tööseisandid — ekvivalentpinged $\sigma_{\text{ekv}} \leq [\sigma]$
 - * Kujumutuse energia kriteerium ehk von Miesesi kriteerium (von Mises–Huber–Maxwell) — tänapäeval väga laialdaselt kasutusel

$$\sigma_{\text{ekv}}^2 = \sigma_1^2 + \sigma_2^2 + \sigma_3^2 - \sigma_1\sigma_2 - \sigma_2\sigma_3 - \sigma_1\sigma_3$$
 - * Suurima nihkepinge kriteerium ehk Tresca kriteerium

$$\cdot \sigma_{\text{ekv}} = \sigma_1 - \sigma_3$$
 - * Maksimaalse peadeformatsiooni kriteerium

$$\cdot \sigma_{\text{ekv}} = \sigma_1 - \nu\sigma_2 - \nu\sigma_3$$
 - * jne.
 - Temperatuuri mõju — külmahaprus

9.7 Dünaamilised koormused

- Tsükliline koormamine — väsimus
 - Väsimuspragu ja väsimuspurunemine
- Löök
 - Löögisitkus
- Võnkumine
 - Resonants
- Lained
 - Akustilised lained
 - Deformatsioonilained
 - Nihkelained
 - Survelained